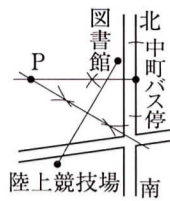


- ④ (1) 7 cm (2) 11 cm (3) 4 cm
⑤ 右図



11 空間図形の基礎

- ① (1) 辺 DC, EF, HG
(2) 面 ABFE, DCGH (3) 面 AFGD
(4) 辺 BC, FG, DC, HG
② (1) 正八面体 (2) 正四面体
(3) 正十二面体

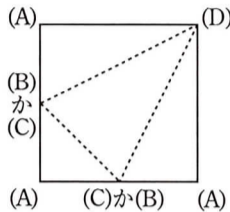
③ $\pi \times 2^2 \times 7 = 28\pi$, $\frac{\pi \times 2^2 \times (7-4)}{3} = 4\pi$

$28\pi - 4\pi = 24\pi$

図 $24\pi \text{ cm}^3$

- ④ (1) 右図 (2) AC, AD

(3) $S = a^2, V = \frac{1}{24}a^3$



- ⑤ (1) 面オ
(2) 面ア, オ
(3) 点 J, I
(4) 面エ

12 おうぎ形と円

- ① (1) 弧の長さ $\frac{10}{9}\pi \text{ cm}$ 面積 $\frac{20}{9}\pi \text{ cm}^2$
(2) 周の長さ $\frac{16}{3}\pi + 16 \text{ cm}$ 面積 $\frac{64}{3}\pi \text{ cm}^2$
(3) 108°

- ② (1) 展開図で、側面のおうぎ形の弧の長さと、底面の円の円周の長さは等しい。そこで中心角を x° とすると、次の式が成り立つ。

$2\pi \times 36 \times \frac{x}{360} = 2\pi \times 6$ 図 60°

(2) $\pi \times 36 \times 36 \times \frac{60}{360} + \pi \times 6 \times 6 = 252\pi$

図 $252\pi \text{ cm}^2$

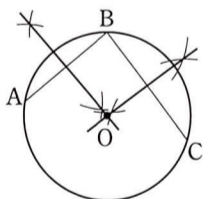
- ③ 周の長さ：直径 6 cm の円の周の半分

+ 半径 6 cm の円の周の $\frac{1}{4} + 6 \text{ cm}$

面積：半径 6 cm の円の $\frac{1}{4}$ - 半径 3 cm の円の半分

図 周の長さ $(6\pi + 6) \text{ cm}$, 面積 $\frac{9}{2}\pi \text{ cm}^2$

- ④ 円の 2 つの弦の垂直二等分線の交点が円の中心である。



- ⑤ OA を R とおくと、OC は $2R$ と表せる。図形 ACQP = おうぎ形 OCQ - おうぎ形 OAP

$= 4\pi R^2 \times \frac{x}{360} - \pi R^2 \times \frac{x}{360} = 3\pi R^2 \times \frac{x}{360}$

一方、おうぎ形 OPB = おうぎ形 OAB - おうぎ形 OAP

$= \pi R^2 \times \frac{90}{360} - \pi R^2 \times \frac{x}{360} = \frac{\pi R^2}{360} \times (90 - x)$

したがって、 $3\pi R^2 \times \frac{x}{360} = 2 \times \pi R^2 \times \frac{90 - x}{360}$

$3x = 2(90 - x)$ より $x = 36$ 図 36°

13 平行線と角

- ① (1) 38° (2) 90° (3) 60°
(4) $x = 45^\circ, y = 105^\circ$
② (1) 正十角形 (2) 八角形
(3) $\frac{900^\circ}{7}$ (4) 40°
③ (1) 80° (2) 84° (3) 65°

- (4) 38° (5) 56°
④ (1) 540° (2) 180°
⑤ (1) $\triangle DAB$ と $\triangle BCD$ において、仮定より $DA = DB = BD = BC$
 $\ell \parallel m$ の錯角で、 $\angle ADB = \angle CBD$
よって、 $\triangle DAB \cong \triangle BCD$ (2 辺と間の角)
ゆえに、 $\angle ABD = \angle CBD$
錯角が等しいので、 $AB \parallel DC$
(2) 110°

14 三角形の合同

- ① $x = 8, y = 30$
② (1) 二等辺三角形
(2) ア 二等辺 イ 底角 ウ 180°
エ 1 辺とその両端の角
③ (1) $\triangle MAD$ と $\triangle MBE$
(2) 1 辺とその両端の角がそれぞれ等しい
 $\triangle BMH$ と $\triangle CMK$ において、
 $BM = CM$ $\angle BMH = \angle CMK$ (対頂角)
 $\angle BHM = \angle CKM = 90^\circ$
直角三角形において斜辺と 1 鋭角が等しいから $\triangle BMH \cong \triangle CMK$ ゆえに、 $BH = CK$
 $\triangle BEC$ と $\triangle CDB$ において、
 $OB = OC$ より、 $\angle OBC = \angle OCB$
 $AB = AC$ より、 $\angle ABC = \angle ACB$
よって、 $\angle EBC = \angle DCB, BC = CB$ (共通)
1 辺とその両端の角が等しいから
 $\triangle BEC \cong \triangle CDB$ ゆえに、 $BE = CD$
④ $\triangle AED$ において、 $\angle AED = 90^\circ$
 $\triangle ABC$ は直角二等辺三角形だから、
 $\angle DAE = 45^\circ$ よって、 $\angle EDA = 45^\circ$
底角が等しいから、 $EA = ED$ ①
また、 $\triangle DBC$ と $\triangle DBE$ において
 $\angle DBC = \angle DBE$ (仮定) BD は共通
 $\angle DCB = \angle DEB = 90^\circ$
直角三角形において、斜辺と 1 つの鋭角が等しいので、
 $\triangle DBC \cong \triangle DBE$
よって、 $ED = CD, BE = BC$ ②
①, ②より
 $AB = BE + EA = BC + ED = BC + CD$
図 $AB = BC + CD$

15 三角形・四角形

- ① (1) 仮定より、 $\angle ABC = \angle ACB$
両辺を 2 でわり、 $\angle FBC = \angle FCB$
ゆえに $\triangle FBC$ は、 $FB = FC$ の二等辺三角形。
(2) $\triangle BCD, \triangle CBE$ において、
 BC は共通 $\angle BCD = \angle CBE$
(1)より $\angle CBD = \angle BCE$
よって、 $\triangle BCD \cong \triangle CBE$ (1 辺と両端の角)
ゆえに、 $BD = CE$
 $FD = BD - FB = CE - FC = FE$
ゆえに、 $FD = FE$
② 直角三角形 $\triangle OPC, \triangle OPD$ において、
 OP は共通 $\angle POC = \frac{1}{2}\angle AOB = \angle POD$
よって、 $\triangle OPC \cong \triangle OPD$ (斜辺と 1 鋭角)
ゆえに、 $PC = PD$
③ (1) $ab = 0$ ならば、 $a = 0$ である。×
(2) $\triangle ABC$ において、 $AB = AC$ ならば、これは $\angle B = \angle C$ の二等辺三角形である。○
(3) 四角形の 4 つの辺の長さがすべて等しければ、その四角形は正方形である。×
④ $AF = BE, AF \parallel BE$ ①
 $CD = BE, CD \parallel BE$ ②
①, ②より $AF = CD, AF \parallel CD$
1 組の対辺が平行で等しいから、
四角形 ACDF は平行四角形
⑤ $AB \parallel QM, AC \parallel PM$ より
四角形 APMQ は平行四角形
ゆえに、 $QM = AP$ ①
 $AC \parallel PM$ より $\angle ACM = \angle PMB$ (同位角)
また、 $AB = AC$ より、 $\angle ABC = \angle ACB$

- よって、 $\angle ABC = \angle PMB$
ゆえに、 $PM = PB$ ②
①, ②より
 $QM + PM = AP + PB = AB = \text{一定}$
⑥ (1) ひし形 PQRS より、 $QR = PS$
よって、 $AD = QR = PS$ ①
また $QR \parallel PS$ であるから、
 $AD \parallel QR \parallel PS$ ②
①, ②より四角形 PADS は平行四角形
(2) ひし形の対角線は直交するので、
 $\angle QDR = 90^\circ$
また、 $\angle MDQ = \angle NQD = a^\circ$ (錯角)
よって、 $\angle DRN = 180^\circ - (90^\circ + a^\circ)$
 $= 90^\circ - a^\circ$ 図 $90^\circ - a^\circ$

16 円と円周角

- ① (1) 94° (2) 132° (3) 25° (4) 236°
(5) 52° (6) 240°
② (1) 36° (2) 90° (3) 36° (4) 36°
③ (1) $\triangle ABC \cong \triangle DCB$ か $\triangle ABE \cong \triangle DCE$
(2) 85°
④ (1) $\angle ABD, \angle ACD$
(2) $\triangle ABC$ と $\triangle DPC$ において、
仮定より、 $CA = CD$ ①
弧 BC に対する円周角から
 $\angle BAC = \angle PDC$ ②
(1)より、 $\angle ACB = \angle DCP$ ③
①, ②, ③より、1 辺とその両端の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle ABC \cong \triangle DPC$
(3) $\triangle ABD$ は二等辺三角形なので、
 $\angle ABD = \angle ADB = \frac{180^\circ - 100^\circ}{2} = 40^\circ$
よって、 $\angle ACD = 40^\circ$
 $\triangle ACD$ は二等辺三角形なので、
 $\angle CDA = \angle CAD = \frac{180^\circ - 40^\circ}{2} = 70^\circ$
よって、 $\angle PDC = 70^\circ - 40^\circ = 30^\circ$
 $\angle BPC = \angle PCD + \angle PDC = 40^\circ + 30^\circ = 70^\circ$
図 70°

17 確率

- ① (1) $\frac{1}{6}$ (2) 0 (3) 1
② (1) $\frac{3}{10}$ (2) $\frac{7}{10}$ (3) $\frac{3}{5}$
③ (1) A, B, C から 2 つを取り出す場合の数は AB, AC, BC の 3 通り。A が含まれるのは AB, AC の 2 通り。図 $\frac{2}{3}$
(2) 問題の場合の数は、 $3 \times 3 \times 3 = 27$ (通り)
3 回とも文字が異なるのは、ABC, ACB, BAC, BCA, CAB, CBA の 6 通り。図 $\frac{2}{9}$
④ (1) 目の出方は $6 \times 6 = 36$ (通り) ある。
勝負がつかないのは、A, B とも同じ目を出したときで、6 通り。図 $\frac{1}{6}$
(2) A が出した目の数によって考える。A の目が 6 のとき B が 5, 4, 3, 2, 1 なら A の勝ちで 5 通り、A が 5 のとき同様に 4 通り、4 のとき 3 通り、3 のとき 2 通り、2 のとき 1 通り。
 $\frac{5+4+3+2+1}{36} = \frac{5}{12}$ 図 $\frac{5}{12}$
⑤ (1) a が部長のとき、副部長には b, c, d, e が選ばれるので 4 通り。これが b ~ e にもあるので全部で 20 通りある。図 20 通り
(2) (1) と同じように 2 人選ぶが、ここでは (a, b), (b, a) は同じ組なので、組み合わせは (1) の半分の 10 通り。図 10 通り
(3) a が選ばれるのは ab, ac, ad, ae の 4 通り。したがって、 $\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$ 図 $\frac{2}{5}$
⑥ 2 人の出すカードの場合の数は